



AVIS DE SOUTENANCE DE THESE

Le Doyen de la Faculté des Sciences Dhar El Mahraz –Fès – annonce que

Mr : LAHSSAINI Aziz

Soutiendra : le 19/12/2020 à 10h

Lieu : Centre VisioConférence

Une thèse intitulée :

Préservations non nécessairement additives de certaines parties de C , X ou de $B(X)$ ainsi que la dimension

En vue d'obtenir le **Doctorat**

FD : Mathématiques et Applications (MA)

Spécialité: Analyse Fonctionnelle et Théorie Spectrale

Devant le jury composé comme suit :

	NOM ET PRENOM	GRADE	ETABLISSEMENT
Président	Pr. BLALI Aziz	PES	Ecole Normale Supérieure - Fès
Directeur de thèse	Pr. ECH-CHERIF EL KETTANI Mustapha	PES	Faculté des Sciences Dhar El Mahraz - Fès
Rapporteurs	Pr.MBEKHTA Mostafa	PES	Université de Lille1- France
	Pr .OUDGHIRI Mourad	PES	Faculté des Sciences - Oujda
	Pr. ZGHITTI Hassane	PES	Faculté des Sciences Dhar El Mahraz - Fès
Membres	Pr. BABAHMED Mohammed	PES	Faculté des Sciences - Meknès
	Pr. EL AMRANI Abdelkhalek	PH	Faculté des Sciences Dhar El Mahraz - Fès
	Pr. ELHODAIBI Mhamed	PES	Faculté des Sciences - Oujda
Invité	Pr. AMEZIANE HASSANI Rachid	PES	Faculté des Sciences Dhar El Mahraz - Fès

Résumé :

Dans cette thèse, nous nous sommes intéressés aux problèmes de préservation. Dans une formulation générale, ceci consiste à caractériser des applications entre deux algèbres de Banach, qui laissent une certaine propriété, une relation, ou même un sous-ensemble invariant. Nous commençons par déterminer la forme des applications $\Phi: B(X) \rightarrow B(X)$ satisfaisant

$$\{\Phi(A) \Delta \Phi(B)\}' = \{A \Delta B\}' \text{ pour tout } A, B \in B(X).$$

Où Δ est l'une des opérations binaires à savoir le triple produit ABA et le produit de Jordan $AB+BA$. $\{A\}'$ désignant le commutant de A . Ensuite, nous caractérisons les applications additives qui compressent ou élargissent le pseudo spectre d'un élément dans $B(X)$. Nous caractérisons également les applications de $B(X)$ sur lui-même préservant le pseudo spectre des produits généralisés des opérateurs, où X désigne un espace de Banach complexe. Soit $A \in B(H)$ et $0 < \varepsilon < 1$, $\Lambda_\varepsilon(A)$ représente le spectre conditionné de A . La forme des applications Φ de $B(H)$ sur lui-même satisfaisant

$$\Lambda_\varepsilon(\Phi(A) \Phi(B)^* \Phi(A)) = \Lambda_\varepsilon(AB^*A) \text{ pour tout } A, B \in B(H),$$

a également été établi. Nous obtenons également la description des applications surjectives sur $B(X)$ satisfaisant

$$\dim F(\Phi(A_1) * \dots * \Phi(A_k)) = \dim F(A_1 * \dots * A_k) \text{ pour tout } A_1, \dots, A_k \in B(X).$$

$A_1 * \dots * A_k$ représente le produit généralisé et $F(A)$ désigne l'ensemble des points fixe de A . Nous terminons par caractériser la forme de toutes les applications surjectives unitaires de $B(X)$ sur lui-même préservant la dimension du sous-espace spectral locale associée au singleton $\{1\}$ du produit de deux opérateurs. De plus, nous caractérisons les applications surjectives de $B(X)$ sur lui-même préservant le sous-espace spectral locale associée au singleton $\{1\}$ du produit de deux opérateurs.

Mots clés :

Problèmes de préservation, algèbres de Banach, théorie des opérateurs, spectre, spectre local, commutant, pseudo spectre, spectre conditionné, sous-espace spectral local, points fixe.

PRESERVATIONS NOT NECESSARILY ADDITIVE OF SOME PARTS OF \mathbb{C} , X OR $B(X)$ AS WELL AS THE DIMENSION

Abstract :

In this thesis, we are interested in the problems of preservation. In a general formulation, this consists in characterizing applications between two Banach algebras, which leave a certain property, a relation, or even an invariant subset. We begin by determining the form of applications $\Phi: B(X) \rightarrow B(X)$ satisfying

$$\{\Phi(A) \Delta \Phi(B)\}' = \{A \Delta B\}' \text{ for all } A, B \in B(X),$$

where Δ is one of the binary operations namely the triple ABA product and the Jordan $AB+BA$ product. $\{A\}'$ designating the switch of A . Next, we characterize additive applications that compress or expand the pseudo specter of an element in $B(X)$. We also characterize the applications of $B(X)$ on itself preserving the pseudospectrum of the generalized products of the operators, where X stands for a complex Banach space. Let $A \in B(H)$ and $0 < \varepsilon < 1$, $\Lambda_\varepsilon(A)$ design the condition spectrum of A . The form applications Φ on $B(H)$ satisfying

$$\Lambda_\varepsilon(\Phi(A) \Phi(B)^* \Phi(A)) = \Lambda_\varepsilon(AB^*A) \text{ for all } A, B \in B(H),$$

has also been established. We also obtain the description of surjective maps on $B(X)$ satisfying

$$\dim F(\Phi(A_1) * \dots * \Phi(A_k)) = \dim F(A_1 * \dots * A_k) \text{ pour tout } A_1, \dots, A_k \in B(X).$$

$A_1 * \dots * A_k$ represents the generalized product and $F(A)$ design the set of fixed points of A .

Finally, we characterize the form of all unitary maps on $B(X)$ preserving the dimension of the local spectral subspaces associated with the singleton $\{1\}$ of the product of two operators. In addition, we characterize the form of maps on $B(X)$ preserving the local spectral subspaces associated with the singleton $\{1\}$ of the product of two operators.

Key Words :

reservation problems, Banach algebra, operators theory, spectra, local spectra, commutant, pseudospectrum, condition spectrum, local spectral subspace, fixed points.